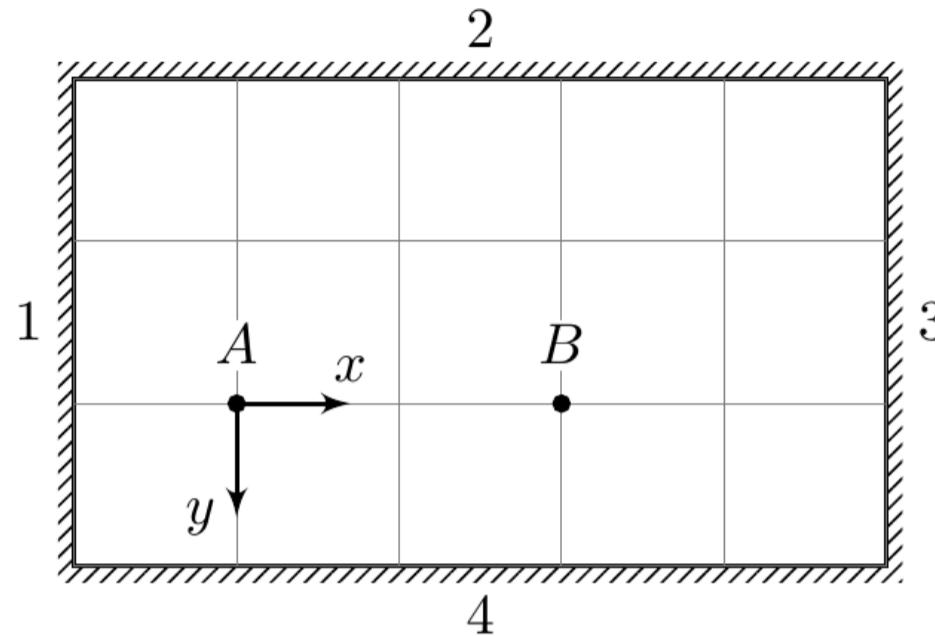




Найдите все возможные ориентации рамки, при которых шайба после одного удара попадёт из точки  $A$  в точку  $B$ , и для каждой из них определите угол между отрезком  $AB$  и ускорением свободного падения.

Пронумеруем стороны рамки и введём координаты  $x, y$  с началом в точке  $A$ , направив их вдоль и перпендикулярно отрезку  $AB$ .



Пусть координаты точки  $A$  равны  $(0; 0)$ , координаты точки  $B$  равны  $(L; 0)$ , а расстояние от точек до стороны —  $H$ . Будем искать проекции ускорения свободного падения  $g_x$  и  $g_y$ . Рассмотрим движение шайбы из  $A$  в  $B$  с отскоком от стороны 4. Из уравнения движения по оси  $y$  получим, что время падения из точки  $A$  до стенки равно  $\sqrt{\frac{2H}{g_y}}$ . После удара шайба будет лететь столько же по времени до точки  $B$ . Полное время составит:

$$t = 2\sqrt{\frac{2H}{g_y}}.$$

По оси  $x$  шайба двигается равноускоренно, так как при упругом ударе проекция скорости на ось  $x$  не меняется.

$$L = g_x \frac{t^2}{2} = g_x \cdot \frac{4H}{g_y}.$$

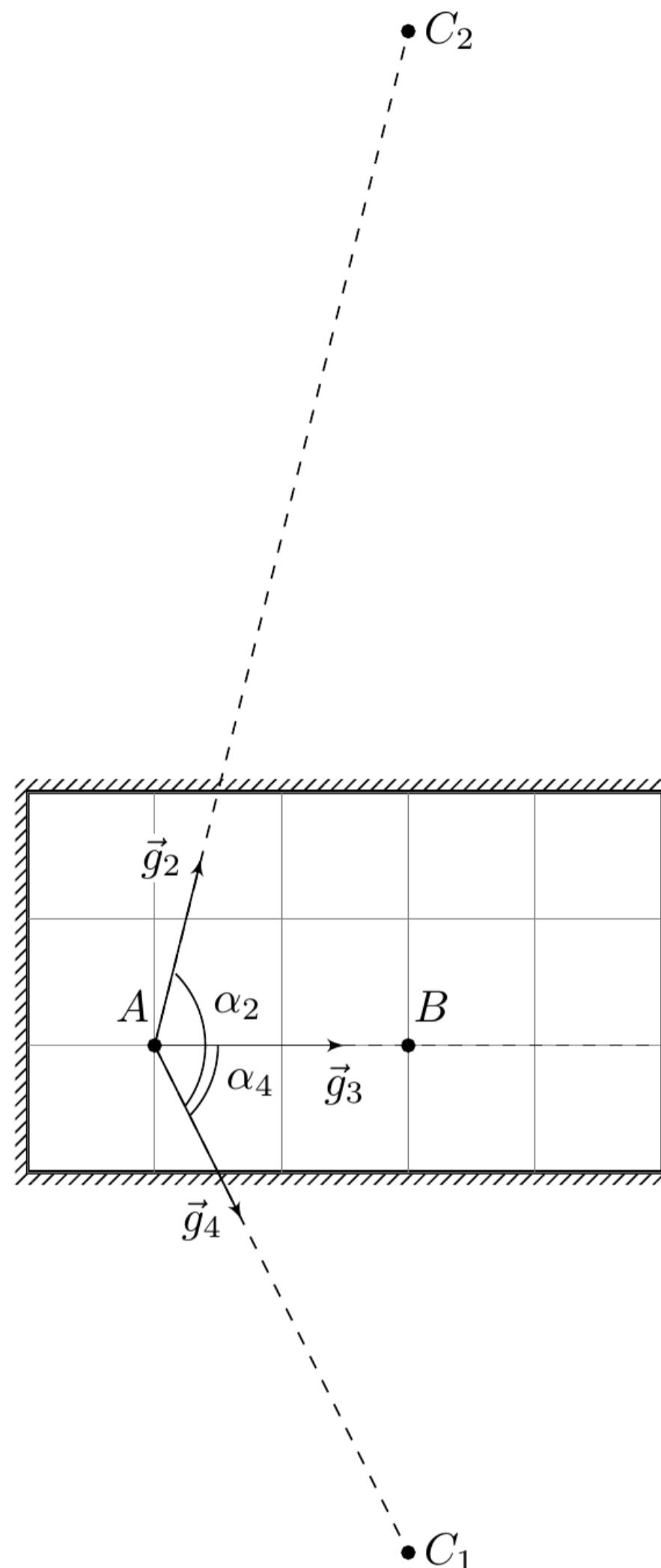
Откуда получим:

$$\frac{g_x}{g_y} = \frac{L}{4H}.$$

В случае отскока от стенки 4  $L = 2l$  и  $H = l$ , где  $l$  — сторона заданной масштабной сетки. Из полученного отношения проекций ускорений легко найти направление  $\vec{g}$ . Например, можно отметить точку  $C_1$  с координатами  $(2l; 4l)$ . Тогда  $\vec{g}$  будет направлено вдоль прямой  $AC_1$  и, в частности, первая часть траектории шайбы будет лежать вдоль этой прямой.

Аналогично можно поступить со стороной 2. В этом случае  $L = 2l$  и  $H = 2l$ , тогда ускорение свободного падения будет направлено вдоль отрезка  $AC_2$ , где координаты точки  $C_2$  это  $(2l; -8l)$ .

После отскока от стороны 1 шайба не сможет попасть в точку  $B$ , так как та расположена дальше точки  $A$  по оси  $x$ . По тем же соображениям отражение от стороны 3 подходит. Соответствующее этому случаю направление ускорения свободного падения будет вдоль оси  $x$ .



С помощью найденных в предыдущем пункте координат точек  $C_1$  и  $C_2$  вычислим углы между направлением  $AB$  и ускорением свободного падения:

Ответ:

$$\alpha_4 = \operatorname{arctg} 2 \approx 63^\circ, \alpha_2 = \operatorname{arctg} 4 \approx 76^\circ, \alpha_3 = 0^\circ.$$

Website in English

2020 — Мы те, кого должны превзойти.