

Задание 10.1. «Серый ящик». «Серый» ящик с тремя выводами содержит источник постоянного напряжения \mathcal{E} и два резистора. Указанные элементы соединены по одной из двух возможных схем, представленных на рис. 1. На крышке ящика выводы «1», «2» и «3» в произвольном порядке помечены буквами «А», «В» и «С» (см. фото.).

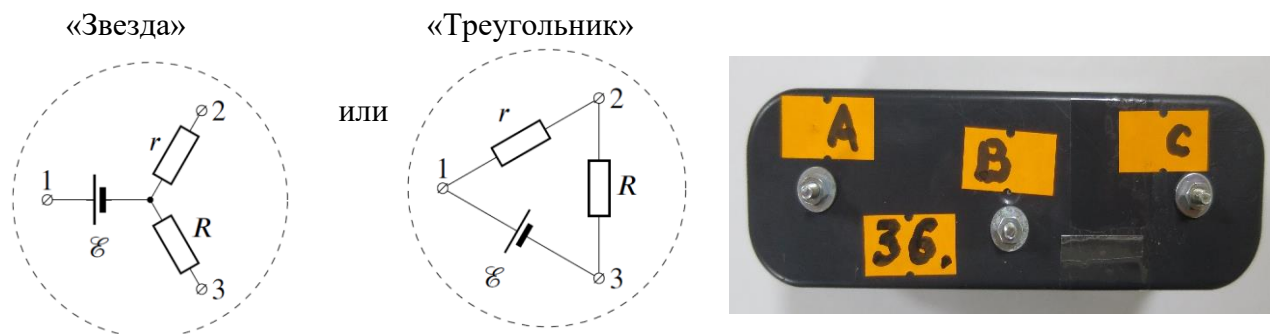


Рис. 1.

Фото.

1. Установите, по какой из двух возможных схем («звезда» или «треугольник») соединены элементы.
2. Установите соответствие между точками «1», «2» и «3» и выводами «А», «В» и «С», считая, что $r < R$.
3. Определите значение напряжения \mathcal{E} и сопротивления r и R .
4. Погрешность оценивать не нужно.

Внутреннее сопротивление источника напряжения, находящегося в «сером ящике», пренебрежимо мало по сравнению с r и R .

Оборудование. «Серый» ящик с тремя выводами, мультиметр с двумя щупами.

Внимание! В начале своего решения обязательно укажите номер выданного вам «серого» ящика (на фото это № 36).

Внутреннее сопротивление мультиметра в режиме вольтметра может существенно отличаться от стандартного.

Запрещается закорачивать выводы ящика (например, с помощью проводов мультиметра, его щупа и т.д.).

Э-10.1. Возможное решение. Внимание! Все значения приведены по авторской установке.

1. Измерим напряжение между выводами A и B , A и C , B и C :

$$U_{AB} = 0,00 \text{ В}, \quad U_{AC} = 12,7 \text{ В}, \quad U_{BC} = 6,82 \text{ В}.$$

Пусть в ящике элементы соединены «треугольником». Тогда между выводами A и B должен быть резистор практически нулевого сопротивления. Однако, в таком случае, остальные два напряжения должны совпадать (или быть очень близкими), что не наблюдается. Значит, в ящике элементы соединены «звездой».

2. По тем же измерениям установим соответствие между выводами. Так как напряжение между выводами A и B равно нулю, источник подключён к выводу C (то есть $C \rightarrow 1$). Напряжение между выводами A и C больше, следовательно, резистор, подключённый к выводу A , имеет меньшее сопротивление (то есть $A \rightarrow 2$). Соответственно, $B \rightarrow 3$.

3. Различие между полученными значениями напряжения ($U_{AC} \neq U_{BC}$) показывает, что внутренним сопротивлением вольтметра пренебречь нельзя!

Кроме того, омметр, даже в режиме 2 МОм, подключённый к выводам A и B (2 и 3), зашкаливает, что говорит о том, что $r + R > 2 \text{ МОм}$.

Вариант 1. У мультиметра минимальный предел измерения $200 \mu\text{А}$ (серия 830).

4. Переведём мультиметр в режим микроамперметра (предел $200 \mu\text{А}$) и измерим силу тока между всеми парами выводов. Получаем значения:

$$I_{AB} = 0, \quad I_{AC} = 37,7 \text{ мкА}, \quad I_{BC} = 10,6 \text{ мкА}.$$

5. Пусть R_V – сопротивление прибора в режиме вольтметра. Тогда

$$U_{AC} = \frac{\mathcal{E}R_V}{R_V + r}, \quad U_{BC} = \frac{\mathcal{E}R_V}{R_V + R}.$$

С другой стороны, $\mathcal{E} = I_{AC}r = I_{BC}R$.

Отсюда получаем, что

$$\frac{R}{r} = \frac{I_{AC}}{I_{BC}} = \frac{37,7}{10,6} = 3,56.$$

$$\begin{aligned} \frac{R_V + R}{R_V + r} = \frac{U_{AC}}{U_{BC}} = \frac{12,7}{6,82} = 1,86 &\Rightarrow R_V + 3,56r = 1,86R_V + 1,86r \\ &\Rightarrow r = 0,52R_V. \end{aligned}$$

Подставим найденное значение:

$$\begin{aligned} U_{AC} = \frac{\mathcal{E}}{1 + 0,52} &\Rightarrow \mathcal{E} = 1,52U_{AC} = 1,52 \cdot 12,7 \text{ В} = 19,3 \text{ В}. \\ r = \frac{\mathcal{E}}{I_{AC}} = \frac{19,3 \text{ В}}{37,7 \text{ мкА}} = 511 \text{ кОм}, &\quad R = \frac{\mathcal{E}}{I_{BC}} = \frac{19,3 \text{ В}}{10,6 \text{ мкА}} = 1,82 \text{ МОм}. \end{aligned}$$

Вариант 2. У мультиметра минимальный предел измерения 2000 μA (серия 832, 838).

4. Переведём мультиметр в режим микроамперметра (предел 2000 μA) и измерим ток между всеми парами выводов. Получаем значения:

$$I_{AB} = 0, \quad I_{AC} = 38 \text{ мкА}, \quad I_{BC} = 11 \text{ мкА}.$$

5. Пусть R_V – сопротивление прибора в режиме вольтметра. Тогда

$$U_{AC} = \frac{\mathcal{E}R_V}{R_V + r}, \quad U_{BC} = \frac{\mathcal{E}R_V}{R_V + R}.$$

С другой стороны, $\mathcal{E} = I_{AC}r = I_{BC}R$.

Отсюда получаем, что

$$\frac{R}{r} = \frac{I_{AC}}{I_{BC}} = \frac{38}{11} = 3,45.$$

$$\begin{aligned} \frac{R_V + R}{R_V + r} = \frac{U_{AC}}{U_{BC}} = \frac{12,73}{6,82} = 1,87 &\Rightarrow R_V + 3,45r = 1,87R_V + 1,87r \\ &\Rightarrow r = 0,55R_V. \end{aligned}$$

Подставим найденное значение:

$$\begin{aligned} U_{AC} = \frac{\mathcal{E}}{1 + 0,55} &\Rightarrow \mathcal{E} = 1,55U_{AC} = 1,55 \cdot 12,73 \text{ В} = 19,7 \text{ В}. \\ r = \frac{\mathcal{E}}{I_{AC}} = \frac{19,7 \text{ В}}{38 \text{ мкА}} &= 520 \text{ кОм}, \quad R = \frac{\mathcal{E}}{I_{BC}} = \frac{19,7 \text{ В}}{11 \text{ мкА}} = 1,8 \text{ МОм}. \end{aligned}$$

6. Примечание: значения, измеренные напрямую в авторской установке:

$$\mathcal{E} = 19,20 \text{ В}, \quad r = 507 \text{ кОм}, \quad R = 1,81 \text{ МОм}.$$

7. Общие формулы (их вывод от участников олимпиады не требуется):

$$\mathcal{E} = \frac{U_{AC}U_{BC}(I_{AC} - I_{BC})}{I_{AC}U_{BC} - I_{BC}U_{AC}}, \quad r = \frac{U_{AC}U_{BC}(I_{AC} - I_{BC})}{I_{AC} \cdot (I_{AC}U_{BC} - I_{BC}U_{AC})}, \quad R = \frac{U_{AC}U_{BC}(I_{AC} - I_{BC})}{I_{BC} \cdot (I_{AC}U_{BC} - I_{BC}U_{AC})}.$$

LVI Всероссийская олимпиада школьников по физике. Региональный этап.

Экспериментальный тур. 24 января 2022 г.

10класс

№	Э-10.1. Критерий оценивания (из 20 баллов)	Баллы
1	Указано, что элементы внутри ящика соединены по схеме «звезды»	1
2	Для п. 1 присутствуют все необходимые измерения	2
3	Для п. 1 присутствует обоснованный вывод	2
4	Установлено соответствие между выводами 1,2 и 3 и выводами А,В и С.	1
5	Для п. 4 присутствует обоснованный вывод	2
6	Предложен полный набор опытов, необходимых для определения параметров всех элементов	2
7	Записаны все необходимые уравнения, позволяющие определить параметры всех элементов	2
8	Выполнены все необходимые измерения, необходимые для определения параметров всех элементов	2
9	Получено значение \mathcal{E} в интервале с погрешностью не более 10% (не более 20%)	2(1)
10	Получено значение r в интервале с погрешностью не более 10% (не более 20%)	2(1)
11	Получено значение R в интервале с погрешностью не более 10% (не более 20%)	2(1)

Примечание 1. Участник должен измерять силу тока в наименьшем из доступных ему режимов («200 мкА» - для мультиметров 830-й серии, «2000 мкА» - для мультиметров 832-й и 838-й серий). Если участник измеряет не в наименьшем из доступных ему режимов (разница видна по наличию знаков после запятой), ставить **0,5 балла**

Примечание 2. А) Результаты, полученные исходя из неверных формул, **не оцениваются!**
 Б) Если участник использует «заученное» значение внутреннего сопротивления мультиметра ($R_v = 1 \text{ МОм}$) в режиме вольтметра, баллы за пп. 9 - 11 **не ставить!**